### FORMATO MODALIDAD PRESENCIAL



# UNIVERSIDAD NACIONAL AUTÓNOMA DE MÉXICO FACULTAD DE ECONOMÍA



## Plan de estudios

#### **Programa Ecuaciones Diferenciales y en Diferencias** Area Economía Clave Semestre **Créditos** Campo de Economía Matemática 7 conocimiento Séptimo Ciclo Básico Modalidad Curso (X ) Taller ( ) Lab ( ) Tipo | T ( ) P ( ) T/P (X ) Sem () Obligatorio (X) Optativo () Carácter Horas Obligatorio E() Optativo E() Semana Semestre Teóricas 3 Teóricas 48 **Prácticas** 1 Prácticas 16 Total 4 Total 64

| Seriación: Si (X) No ()<br>Obligatoria ()<br>Indicativa (X) |  |  |
|---|--|--|
| Asignatura antecedente                                      | Cálculo Diferencial Multivariado y Álgebra Matricial |  |
| Asignatura subsecuente                                      |  |  |

**Objetivo general:** Al finalizar el curso el alumno aplicará la metodología de las ecuaciones diferenciales de primer orden y ecuaciones en primeras diferencias para el tratamiento de modelos económicos.

**Objetivos específicos:** Al término del curso, el alumno estará en condiciones de:

- Conocer las técnicas para la resolución de ecuaciones diferenciales y en diferencia lineales para el análisis cualitativo de sus trayectorias, equilibrio y estabilidad.
- Aplicar dichos métodos a la formulación, solución e interpretación de los modelos económicos dinámicos.

| Indice temático |   |          |              |  |
|-----------------|---|----------|--------------|--|
|                 | Tema  |          | ras<br>estre |  |
|                 |   | Teóricas | Prácticas    |  |
| 1.              | Ecuación diferencial simple de primer orden.  | 12       | 4            |  |
| 2.              | Ecuación diferencial simple de primer orden y sistema dinámico simple: autónomo o no autónomo, lineal o afín y no lineal (linealizable afín). | 12       | 4            |  |
| 3.              | Modelos ilustrativos económico-matemáticos en ecuaciones diferenciables de primer orden simples.  | 9        | 3            |  |
| 4.              | Introducción a las ecuaciones en diferencias de primer orden lineales aplicadas a los sistemas dinámicos autónomos.                           | 15       | 5            |  |
|                 | Total   | Total    | 48           |  |
|                 | Suma total de horas   | Suma to  | tal de horas |  |

| Contenido Temático   |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|
| Tema   | Subtemas   |  |  |  |  |
| 1. Ecuación<br>diferencial simple<br>de primer orden.  | <ul> <li>1.1 Tipo de ecuación diferencial simple de primer orden (ED1) y tipo de solución.</li> <li>1.1.1 Existencia y unicidad de la solución específica.</li> <li>1.1.2 Solución mono paramétrica y solución específica.</li> <li>1.1.3 Integrable por variables separables.</li> <li>1.1.4 Con cierto grado de homogeneidad, integrable mediante transformación por variables separables.</li> </ul>  |  |  |  |  |
| 2. Ecuación diferencial simple de primer orden y sistema dinámico simple: autónomo o no autónomo, lineal o afín y no lineal (linealizable afín). | <ul> <li>2.1 Tipo de sistema dinámico simple y tipo de solución.</li> <li>2.1.1 Sistema dinámico simple no autónomo lineal o afín.</li> <li>2.1.1.1 Solución general: solución complementaria y solución suplementaria.</li> <li>2.1.1.2 Sistema dinámico simple no autónomo no lineal (linealizable afín): Ecuación diferencial simple de primer orden de Bernoulli.</li> <li>2.1.2 Sistema dinámico simple autónomo lineal o afín: coeficiente y término independiente constante.</li> </ul> |  |  |  |  |

|  | 2.1.3               | <ul> <li>2.1.2.1 Solución subyacente, de equilibrio estacionario, constante y dada una condición inicial.</li> <li>2.1.2.2 Condiciones de estabilidad, estabilidad asintótica o inestabilidad, según Liapunov.</li> <li>Sistema dinámico simple autónomo no lineal o linealizable afín.</li> <li>2.1.3.1 Ecuación diferencial simple de primer orden logístico.</li> <li>Representaciones en el plano de movimiento y en el diagrama de fase.</li> </ul> |
|--|---------------------|--|
| 3. Modelos ilustrativos económico-matemáticos en ecuaciones diferenciables de primer orden simples.                    | variab<br>3.2Variab | n económica incógnita respecto de otra<br>e económica, considerada independiente.<br>le económica incógnita evolutiva.   |
| 4. Introducción a las ecuaciones en diferencias de primer orden lineales aplicadas a los sistemas dinámicos autónomos. |                     |  |
|  | as didácticas       | Evaluación del aprendizaje   |
| Exposición   | (X)                 | Exámenes parciales (X)   |
| ,  |                     | Examen final (X)   |
| Lecturas (X)   |                     | Trabajos y tareas (X) Presentación de tema ()  |
| Trabajo de investigació  |                     |  |
| Prácticas en el aula (X) Prácticas de campo ()   |                     | Participación en clase (X) Asistencia (X)  |
| Aprendizaje por proye  | ctos ()             | Rúbricas ()  |
| Aprendizaje basado er  |                     | Portafolios (X)  |
| Casos de enseñanza   | (X)                 | Listas de cotejo ()  |
| Otras (espe  |                     | Otras (especificar)  |
| ( -1 -   | ,                   | ( 1 /  |

| Perfil Profesiográfico |  |  |  |  |  |
|------------------------|--|--|--|--|--|
| Título o grado         | Profesional titulado en la Licenciatura en Economía o carreras |  |  |  |  |
|                        | afines al área de matemáticas. Deseable haber realizado        |  |  |  |  |
|                        | estudios de posgrado.  |  |  |  |  |
| Experiencia docente    | Contar con experiencia docente o haber participado en cursos   |  |  |  |  |
|                        | o seminarios de iniciación en la práctica docente.             |  |  |  |  |
| Otra característica    |  |  |  |  |  |
| Dibliografía básico.   |  |  |  |  |  |

## Bibliografía básica:

- Chiang, Alpha (2006). Métodos fundamentales de economía matemática. Ed. McGraw-Hill. México.
- Dobrushin, V (2015). Applied differencial equations. The primary course. Ed. Taylor
   Francis Group. Estados Unidos.
- Espinosa Herrera, Ernesto, et. al (2014). Ecuaciones diferenciales ordinarias. Ed. Reverté. México.
- Dennis G. Zill (2015). Ecuaciones diferenciales con aplicaciones de modelado. Ed. Cengage Learning. México.

# Bibliografía complementaria:

- 1. Espinosa Herrera, Ernesto, et. al (2009). Cálculo diferencial. Ed. Reverté. México.
- 2. Hoffman, L (2012). Cálculo aplicado. Ed. McGraw-Hill. México.
- Krantz (2015). Differential Equations. Theory, technique and practice. Ed. Taylor & Francis Group. Estados Unidos.
- 4. Salas, Hille y Etgen (2005). Calculus volume I y II. Ed. Reverté. México.
- 5. Sydsaeter, Knut, Peter Hammond y Andres Carbajal (2012). *Matemáticas para el análisis económico.* Ed. Pearson. México.
- 6. Carlos Fernández Pérez, Francisco José Vázquez Hernández, José Manuel Vegas Montaner (2003). *Ecuaciones diferenciales y en diferencias*. Ed. Paraninfo. México.